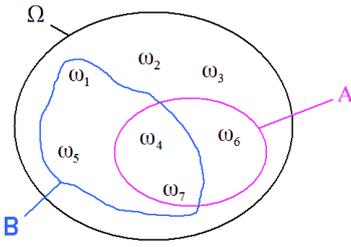


**Événements :**

 <p><math>\Omega</math> est l'univers d'une expérience aléatoire à 7 issues.  <math>\Omega = \{ \omega_1 ; \omega_2 ; \omega_3 ; \omega_4 ; \omega_5 ; \omega_6 ; \omega_7 \}</math>  A est un événement de <math>\Omega</math> qui comprend trois issues :  <math>A = \{ \omega_4 ; \omega_6 ; \omega_7 \}</math>  B est un événement de <math>\Omega</math> qui comprend trois issues :  <math>B = \{ \omega_1 ; \omega_4 ; \omega_5 ; \omega_7 \}</math></p> <p>Expliciter en notation ensembliste les événements : <math>A \cap B</math>, <math>A \cup B</math>, <math>\bar{A}</math>, <math>A \cap \bar{B}</math>, <math>\bar{A} \cap \bar{B}</math>, et <math>A \cup \bar{B}</math></p>	$A \cap B = \{ \omega_4 ; \omega_7 \}$ (« A inter B ») $A \cup B = \Omega = \{ \omega_1 ; \omega_4 ; \omega_5 ; \omega_6 ; \omega_7 \}$ (« A union B ») $\bar{A} = \{ \omega_1 ; \omega_2 ; \omega_3 ; \omega_5 \}$ $\overline{A \cap B} = \{ \omega_1 ; \omega_2 ; \omega_3 ; \omega_5 ; \omega_6 \}$ (Ce qui est hors de l'intersection de A et de B) $\bar{A} \cap \bar{B} = \{ \omega_2 ; \omega_3 \}$ (ce qui est à la fois dans $\bar{A}$ et dans $\bar{B}$ ) $A \cup \bar{B} = \{ \omega_2 ; \omega_3 ; \omega_4 ; \omega_6 ; \omega_7 \}$ (Ce qui est dans A ou hors de B)
<p><u>Vocabulaire</u> : comment nomme-t-on l'événement <math>\bar{A}</math> ?</p> <p>Qu'est-ce qu'un <b>événement élémentaire</b> ?</p> <p>Quand dit-on que deux <b>événements</b> sont <b>incompatibles</b> ou (synonyme) <b>disjoints</b> ?</p> <p><u>Compléter</u> :  une issue appartient à <math>A \cap B</math> lorsqu'elle appartient à A ... à B.  une issue appartient à <math>A \cup B</math> lorsqu'elle appartient à A ... à B.</p>	<p><b>L'événement contraire</b> de A. (Ou le complémentaire de A dans <math>\Omega</math>)</p> <p>Un événement qui ne contient qu'une seule issue.  <u>Exemple</u> : <math>\{ \omega_6 \}</math></p> <p>Quand leur intersection est vide, c'est-à-dire quand ils n'ont pas d'issue en commun.</p> <p>ET  OU (c'est-à-dire <u>au moins</u> à l'un ou à l'autre)</p>

**Calculs de probabilités (bases) :**

<p>Quelle formule relie <math>P(A \cap B)</math> et <math>P(A \cup B)</math> ?</p> <p>Quand a-t-on <math>P(A \cup B) = P(A) + P(B)</math> ?</p> <p>Comment calcule-t-on <math>P(\bar{A})</math> à partir de <math>P(A)</math> ?</p> <p>Comment nomme-t-on <math>P_A(B)</math> et comment le calcule-t-on ? (En supposant que <math>P(A) \neq 0</math>)</p> <p>On suppose que <math>P(A) \neq 0</math> et <math>P(B) \neq 0</math>,  Exprimer <math>P(A \cap B)</math> en fonction de <math>P_A(B)</math> et <math>P(A)</math>, puis en fonction de <math>P_B(A)</math> et <math>P(B)</math>, en déduire une formule qui relie <math>P_A(B)</math>, <math>P_B(A)</math>, <math>P(A)</math> et <math>P(B)</math>,</p>	$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$ <p>Lorsque A et B sont incompatibles, car alors <math>P(A \cap B) = 0</math></p> $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$ <p><math>P_A(B)</math> est la <b>probabilité de B sachant A</b>, ou la <b>probabilité de B parmi A</b>.</p> $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ <p> Bien diviser par la probabilité de l'ensemble dans lequel on calcule la probabilité conditionnelle : celui qui est après le « sachant » ou le « parmi ».</p> $P(A \cap B) = P(A) \times P_A(B) \quad P(A \cap B) = P(B) \times P_B(A)$ <p>donc <math display="block">P(A) \times P_A(B) = P(B) \times P_B(A)</math></p>
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## Arbres pondérés.

<p>Dans une ville, 20 % de la population a plus de 60 ans.          Parmi les habitants de plus de 60 ans, 60 % sont de sexe féminin.          Parmi les habitants de moins de 60 ans, 53 % sont de sexe féminin.</p> <p><b>1) Faire un arbre pondéré</b> (avec des probabilités écrites sous forme décimale sur les branches et à l'extrémité de chaque branche, la probabilité du chemin sous forme d'un calcul) correspondant à cette situation.</p> <p><u>Notations :</u>          A= l'ensemble des personnes de plus de 60 ans.          F=l'ensemble des personnes de sexe féminin.</p> <p><b>2) On choisit au hasard un habitant de cette ville.</b>  <b>a)</b> Quelle est la probabilité pour qu'il s'agisse d'un homme de plus de 60 ans ?  <b>b)</b> Quelle est la probabilité pour que ce soit une habitante de sexe féminin ? (indiquer le calcul)</p>	<div style="text-align: center;"> </div> <p style="text-align: center;"><math>P(A \cap \bar{F}) = 0,2 \times 0,4 = 0,08</math></p> <p style="text-align: center;"><math>P(F) = P(A \cap F) + P(\bar{A} \cap F) = 0,2 \times 0,6 + 0,8 \times 0,53</math></p>
<p><u>Règles d'utilisation d'un arbre pondéré :</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Citer la <b>loi des nœuds</b>.</li> <li>• Citer la <b>loi des chemins</b>.</li> <li>• Dans un arbre pondéré, comment calcule-t-on la probabilité d'un événement A ?</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>Loi des nœuds</b> : La somme des probabilités inscrites sur les branches issues d'un même nœud vaut 1.</li> <li>• <b>Loi des chemins</b> : La probabilité d'une issue représentée par un chemin est égale au <b>produit</b> des probabilités inscrites sur les branches de ce chemin.</li> <li>• La probabilité d'un événement A est la somme des probabilités des issues associées aux chemins qui conduisent à la réalisation de A.</li> </ul>

## Formule de probabilités totales :

<p><u>Vocabulaire</u> : Soit <math>\Omega</math> l'univers d'une expérience aléatoire. Qu'appelle-t-on une <b>partition</b> de <math>\Omega</math> ?</p> <p>Citer sous deux formes la formule des probabilités totales.</p>	<p>Un ensemble d'événements incompatibles deux à deux et dont la réunion est <math>\Omega</math>.</p> <p>Par exemple, <math>A_1, A_2, \dots, A_n</math> formeront une partition de <math>\Omega</math> si et seulement si les deux conditions suivantes sont vérifiées:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Pour tous i et j, <math>i \neq j, A_i \cap A_j = \emptyset</math></li> <li>• <math>A_1 \cup A_2 \dots \cup A_n = \Omega</math></li> </ul> <p>Soit <math>A_1, A_2, \dots, A_n</math> une partition de <math>\Omega</math>.          Pour tout événement B de <math>\Omega</math>,  <math display="block">P(B) = P(A_1 \cap B) + P(A_2 \cap B) + \dots + P(A_n \cap B)</math></p> <p>ou encore :</p> $P(B) = P(A_1) \times P_{A_1}(B) + P(A_2) \times P_{A_2}(B) + \dots + P(A_n) \times P_{A_n}(B)$
-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------